УДК 621.315.592

# ВПЛИВ ОДНОВІСНОЇ ПРУЖНОЇ ДЕФОРМАЦІЇ НА РУХЛИВІСТЬ НОСІЇВ СТРУМУ В КРИСТАЛАХ *n*-*Si* ТА *n*-*Ge* ПРИ НАЯВНОСТІ ГЛИБОКИХ ЕНЕРГЕТИЧНИХ РІВНІВ

## С. В. Луньов

Луцький національний технічний університет, вул. Львівська 75, Луцьк, 43018, Україна, тел.:8(0332)6-66-15, e-mail: luniovser@mail.ru

### ВПЛИВ ОДНОВІСНОЇ ПРУЖНОЇ ДЕФОРМАЦІЇ НА РУХЛИВІСТЬ НОСІЇВ СТРУМУ В КРИСТАЛАХ *n – Si* та *n – Ge* при наявності глибоких енергетичних рівнів *C. B. Луньов*

Анотація. Досліджено вплив одновісної пружної деформації на зміну рухливості носіїв струму в кристалах n - Si з глибоким енергетичним рівнем  $E_c - 0,17 \ eB$  та n - Ge з глибоким енергетичним рівнем  $E_c - 0,2 \ eB$ . Показано, що при даній концентрації глибоких центрів в

кристалах n - Si та n - Ge особливості залежностей  $\frac{\mu}{\mu_0} = f(X)$  при різних температурах ті ж, що і у відносно чистих кристалах n - Si та n - Ge без глибоких рівнів в умовах переважно фононного розсіяння.

Ключові слова: деформація, рухливість, глибокий рівень, фононне розсіяння

# INFLUENCE OF UNIAXIAL ELASTIC DEFORMATION ON MOBILITY OF CARRIERS OF THE CURRENT IN CRYSTALS n-Si and n-Ge in the presence of deep Energetic Levels

#### S. V. Luniov

Abstract. An influence of uniaxial elastic deformation on change of mobility of carriers of a current in crystals n - Si with a deep level  $E_c - 0,17 \ eV$  and n - Ge with a deep energetic level  $E_c - 0,2 \ eV$ is investigated. During this concentration of deep centers in crystals n - Si and n - Ge features of dependences  $\frac{\mu}{\mu_0} = f(X)$  at different temperatures those, that and in relation to clean crystals n - Siand n - Ge without deep levels in the conditions of mainly phonon dissipation is showed.

Keywords: deformation, mobility, deep level, phonon dissipation

### ВЛИЯНИЕ ОДНООСНОЙ УПРУГОЙ ДЕФОРМАЦИИ НА ПОДВИЖНОСТЬ НОСИТЕЛЕЙ ТОКА В КРИСТАЛЛАХ *n* – *Si* ТА *n* – *Ge* ПРИ НАЛИЧИИ ГЛУБОКИХ ЭНЕРГЕТИЧЕСКИХ УРОВНЕЙ *C. B. Лунёв*

Аннотация. Исследовано влияние одноосной упругой деформации на изменение подвижности носителей тока в кристаллах n - Si с глубоким энергетическим уровнем  $E_c - 0,17 \ eB$  та n - Ge с глубоким энергетическим уровнем  $E_c - 0,2 \ eB$ . Показано, что при данной концентрации глубоких центров в кристаллах n - Si та n - Ge особенности зависимостей  $\frac{\mu}{\mu_0} = f(X)$  при разных температурах те же, что и в относительно чистых кристаллах n - Si та n - Ge без глубоких уровней в условиях преимущественно фононного рассеяния.

Ключевые слова: деформация, подвижность, глубокий уровень, фононное рассеяния

Вивчення основних закономірностей тензоефектів в багатодолинних напівпровідниках з глибокими енергетичними рівнями технологічного і радіаційного походження є актуальним в теоретичному, так і в прикладному аспектах. В прикладному відношенні роль глибоких рівнів важлива при використанні електричних, рекомбінаційних, оптичних, резонансних та інших фізичних властивостей напівпровідників.

Дослідженню впливу одновісної пружної деформації на зміну рухливості носіїв струму в напівпровідниках присвячено ряд робіт [1-3], але в літературі є мало відомостей про особливості залежності рухливості від механічного тиску при наявності глибоких енергетичних рівнів в забороненій зоні напівпровідника, що і стало стимулом для написання даної роботи.

Запишемо вираз для питомої електропровідності напівпровідника n-типу провідності:

$$\sigma = en\mu , \qquad (1)$$

або

$$\sigma = \frac{1}{\rho}, \qquad (2)$$

де *р* — питомий опір напівпровідника.

При деформації напівпровідника питома електропровідність буде функцією механічної напруги X.

Продиференціюємо (1) по X:

$$\frac{d\sigma}{dX} = e(\mu \frac{dn}{dX} + n \frac{d\mu}{dX}).$$
 (3)

3 врахуванням (2), (3) можна записати так:

$$-\frac{1}{\rho^2}\frac{d\rho}{dX} = e(\mu\frac{dn}{dX} + n\frac{d\mu}{dX}).$$
 (4)

Концентрація електронів в деформованому напівпровіднику при наявності глибоких енергетичних рівнів визначається [4]:

$$n = n_0 e^{-\frac{\Delta E}{\alpha k T}},$$
 (5)

де  $\Delta E$  — зміна величини енергетичної щілини між глибоким рівнем і дном зони провідності при деформації,  $\alpha$  — коефіцієнт, який змінюється від 1 до 2 в залежності від ступеня заповнення глибокого рівня [3],  $n_0$  — концентрація електронів в недеформованому напівпровіднику.

Продиференціюємо (5) по X:

$$\frac{dn}{dX} = -\frac{n_0}{\alpha kT} e^{-\frac{\Delta E}{\alpha kT}} \cdot \frac{d(\Delta E)}{dX} \,. \tag{6}$$

Враховуючи (1), (2), (5) і (6), (4) набуде вигляду:

$$-e^{2}n^{2}\mu^{2}\frac{d\rho}{dX} = e\left(-\frac{n}{\alpha kT}\frac{d(\Delta E)}{dX}\mu + n\frac{d\mu}{dX}\right).$$
 (7)

Після нескладних математичних розрахунків отримаємо:

$$\frac{d\mu}{dX} - a\mu = b\mu^2, \qquad (8)$$

де через *a* і *b* ми позначили відповідно:

$$a = \frac{\frac{d(\Delta E)}{dX}}{\alpha kT}, \ b = -en\frac{d\rho}{dX}.$$
 (9)

Диференціальне рівняння (8) є рівнянням Бернуллі, загальний розв'язок якого матиме вигляд:

$$\mu = \frac{e^{aX}}{en_0\rho + c}, \qquad (10)$$

де *с* — стала інтегрування, значення якої можна визначити з початкових умов:

$$\mu(0,T_0) = \mu_0 , \qquad (11)$$

де  $\mu_0$  — рухливість електронів в недеформованому напівпровіднику при деякій фіксованій температурі  $T_0$ .

3 врахуванням (11), (10) набуде вигляду:

$$\mu = \frac{\mu_0 e^{aX}}{\mu_0 e[n_0 \rho(X, T) - n_0(T_0)\rho(T_0)] + 1}.$$
 (12)

В нашій роботі досліджувались кристали *n*-*Ge* з вихідною концентрацією носіїв струму  $n = 3 \cdot 10^{14} cm^{-3}$  і глибоким енергетичним рівнем золота  $E_c - 0,2 \ eB$  та кристали n - Siз вихідною концентрацією носіїв струму  $n = 1, 1 \cdot 10^{14} cm^{-3}$  і глибоким енергетичним рівнем  $E_c - 0,17 \ eB$ . В n - Ge глибокі рівні вводились легуванням кристалів германію домішкою золота (в процесі вирощування), а в n-Si — опроміненням  $\gamma$  - квантами  $Co^{60}$ дозою  $1,9 \cdot 10^{17} \frac{\kappa_{\theta.}}{cm^2}$ . Як відомо, переважаючим радіаційним дефектом в у -опроміненому n - Si з високим вмістом домішки кисню є глибокий енергетичний рівень  $E_c - 0.17 \ eB$ , що належить А-центру (комплекс вакансії з міжвузловим атомом кисню) [5,6].

На рис. 1, 2 подано температурні залежності п'єзоопору  $\gamma$  - опроміненого n - Si для випадку, коли X / /J / /[100], і температурні за-

лежності п'єзоопору n - Ge з глибоким енергетичним рівнем золота  $E_c - 0,2 \ eB$  в умовах X / /J / /[111].



Рис 1. Залежності п'єзоопору  $\frac{\rho_X}{\rho_0} = f(X)$   $\gamma -$ опроміненого n - Si дозою 1,9 · 10<sup>17</sup>  $\frac{\kappa_{\theta}}{cM^2}$  при умові, коли X / / J / / [100], для різних температур T, K: 1-77; 2-110; 3-150



Рис. 2. Залежності  $\rho = f(X)$  для n - Ge здомішкою золота при умові, коли X / / J / / [111], для різних температур T, K: 1-100; 2-125; 3-190

За прямолінійним нахилом спаду кривих  $lg\rho = f(X)$  можна визначити величину зміни енергетичної щілини між глибоким рівнем і нижніми долинами зони провідності напівпровідника [3]:

$$\frac{d(\Delta E)}{dX} = \frac{2,3(\Delta \lg \rho) \cdot \alpha kT}{1,6 \cdot 10^{-19} \cdot \Delta X},$$
(13)

де α — коефіцієнт, який змінюється від 1 до 2 в залежності від ступеня заповнення глибокого рівня.

Тоді зміна рухливості електронів при деформації при певній фіксованій температурі  $T_0$ , згідно з (12), враховуючи (13), матиме вигляд:

$$\mu = \mu_0 \frac{\left\langle \frac{\rho_i}{\rho_{i+1}} \right\rangle^{-\frac{X}{\Delta X}}}{\frac{\rho(T_0, X)}{\rho(T_0)}}, \qquad (14)$$

де  $\rho_i$  та  $\rho_{i+1}$  — значення питомого опору, яке відповідає механічній напрузі  $X_i$  та  $X_{i+1}$ відповідно.  $X_i, X_{i+1} > X_0$  ( $X_0$  — механічна напруга, при якій залежність  $\rho = f(X)$  має максимум).

Експериментальні результати, які опрацьовані по вище вказаному методу подані на рис. 3, 4.



Рис. 3. Залежності  $\frac{\mu}{\mu_0} = f(X)$   $\gamma$  – опроміненого n - Si дозою  $1,9 \cdot 10^{17} \frac{\kappa_{\theta.}}{cM^2}$  при умові, коли X / / J / / [100], для різних температур T, K : 1-77;2-110; 3-150



Рис. 4. Залежності  $\frac{\mu}{\mu_0} = f(X)$  для n - Ge з домішкою золота при умові, коли X / / J / / [111], для різних температур T, K:1-190 ( $\blacksquare$ ); 2-125 ( $\blacktriangle$ ); 3-100 ( $\blacklozenge$ )

Як видно з рис.3, 4, залежності  $\frac{\mu}{\mu_0} = f(X)$ 

при великих X виходять на насичення, що пояснюється повним переселенням носіїв струму з чотирьох долин, які піднімаються, у дві долини, що опускаються при деформації в n-Si, для випадку X / / J / / [100], та повним переселенням носіїв струму з трьох долин, які піднімаються, в одну долину, що опускається при деформації в n-Ge, коли X / / J / / [111]. При цьому глибокий рівень  $E_c - 0,17 \ eB$  в n-Siбуде обмінюватись носіями струму лише з двома долинами, а глибокий рівень  $E_c - 0,2 \ eB$  в n-Ge — з однією долиною. Ці долини і визначатимуть концентрацію і рухливість носіїв струму в n-Si та n-Ge при сильних одновісних деформаціях [6,7].

Згідно з рис. 4, залежності  $\frac{\mu}{\mu_0} = f(X)$  для різних температур в n - Ge з глибоким енергетичним рівнем золота  $E_c - 0,2 \ eB$  характеризуються майже єдиним значенням плато  $\frac{\mu_{\infty}}{\mu_0}$ , на відмінну від n - Si з глибоким енергетичним рівнем  $E_c - 0,17 \ eB$  (рис.3), в якому значення  $\frac{\mu_{\infty}}{\mu_0}$  з підвищенням температури монотонно

збільшується, що пояснюється наявністю міждолинного розсіювання f-типу в n-Si і відсутністю даного виду розсіювання в n-Ge [8].

Як бачимо при даній концентрації глибоких центрів в кристалах n - Si та n - Ge особливості залежностей  $\frac{\mu}{\mu_0} = f(X)$  при різних температурах ті ж, що і у відносно чистих кристалах n - Siта n - Ge без глибоких рівнів в умовах переважно фононного розсіяння [8,9].

### Література

- Conwell E.M., Weisskopf V.F. Theory of impurity scattering in semiconductors // Phys.Rev. – 1950. – V.77,- №3, p. 388-390.
- Баранский П.И., Буда И.С., Даховский И.В., Коломоец В.В. Электрические и гальваномагнитные явления в анизотропных полупроводниках // Киев. Наукова думка, 1977. — 269 с.
- Баранський П.І., Федосов А.В., Гайдар Г.П. Фізичні властивості кристалів кремнію та германію в полях ефективного зовнішнього впливу. Луцьк. Надстир'я, 2000. 280 с.
- Федосов А.В., Луньов С.В., Захарчук Д.А., Федосов С.А., Тимощук В.С. Визначення швидкості зміщення глибоких енергетичних рівнів в монокристалах кремнію при одновісній пружній деформації// Науковий вісник ВНУ. Серія фізичні науки. — Луцьк: Волинський національний університет ім. Лесі Українки. — 2008, №18.с. 54-58.
- Конозенко И.Д., Семенюк А.К., Хиврич В.И. Радиационные эффекты в кремнии. — Киев: Наукова думка, 1974. — 200 с.
- Семенюк А.К. Радіаційні ефекти в багатодолинних напівпровідниках. -Луцьк. "Надстир'я". — 2001. — 323 с.
- Федосов А.В., Лунёв С.В., Федосов С.А. Влияние одноосной упругой деформации на подвижность носителей тока в монокристаллах *n Si* при наличии глубоких энергетических уровней. // Материалы 8-й Международной конференции. Минск. 2009. С.357-359.
- Баранский П.И., Коломоец В.В., Федосов А.В. Отличительные особенности пьезосопротивления германия и кремния *n* – типа, обусловленные различием механизмов рассеяния электронов в этих кристаллах// ФТП. — 1981. - Т.15, В.4. -С.698-701.
- Федосов А.В. Кинетические эффекты в многодолинных полупроводниках (*n* – Si и *n* – Ge) при одноосной упругой деформации: Дис. д-ра. физ-мат. наук, 01.04.10 / Ин-т полупроводников АН Украины. К., 1992. – С. 83-112.